

### Aufgabe 1

Welche der folgenden Relationen auf der Menge  $\{0, 1, 2, 3\}$  sind Äquivalenzrelationen? Welches sind in diesen Fällen die Äquivalenzklassen?

- (a)  $\{(0, 0), (1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$
- (b)  $\{(0, 0), (0, 2), (2, 0), (2, 2), (2, 3), (3, 2), (3, 3)\}$
- (c)  $\{(0, 0), (1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2), (3, 3)\}$
- (d)  $\{(0, 0), (1, 1), (1, 3), (2, 2), (2, 3), (3, 1), (3, 2), (3, 3)\}$
- (e)  $\{(0, 0), (0, 1), (0, 2), (1, 0), (1, 1), (1, 2), (2, 0), (2, 2), (3, 3)\}$

### Aufgabe 2

Gesucht ist die kleinste Äquivalenzrelation auf der Menge  $\{a, b, c, d, e\}$ , die die Relation  $\{(a, b), (a, c), (d, e)\}$  enthält.

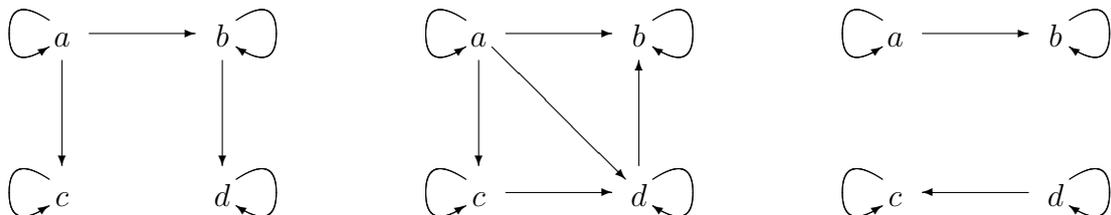
### Aufgabe 3

Es sei  $A = \mathbb{N} \times \mathbb{N}$  und  $R \subseteq A \times A$ , d.h.  $R$  sei eine Relation auf der Menge der geordneten Paare von positiven ganzen Zahlen. Dabei sei  $((a, b), (c, d)) \in R$  genau dann, wenn  $ad = bc$  ist.

Zeigen Sie, daß  $R$  eine Äquivalenzrelation ist. Welche Elemente sind in der Äquivalenzklasse  $[(1, 2)]$  enthalten? Wie kann man die Äquivalenzklassen von  $R$  interpretieren?

### Aufgabe 4

Im folgenden sind drei Relationen durch ihre gerichteten Graphen gegeben. Stellen Sie fest, ob es sich um Ordnungen handelt. Sind diese partiell oder total?



### Aufgabe 5

Auf jeder der folgenden Mengen ist durch die Teilbarkeitsrelation eine partielle Ordnung gegeben. Zeichnen Sie die zugehörigen Hasse-Diagramme.

(a)  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$

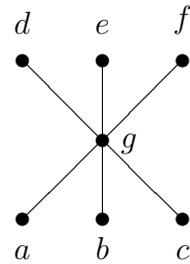
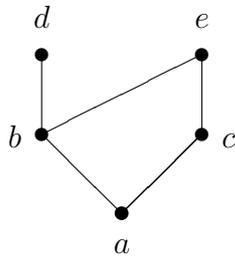
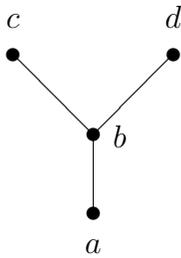
(b)  $\{1, 2, 3, 5, 7, 11, 13\}$

(c)  $\{1, 2, 3, 6, 12, 24, 36, 48\}$

(d)  $\{1, 2, 4, 8, 16, 32, 64\}$

### Aufgabe 6

Zu den folgenden Hasse-Diagrammen sollen die zugehörigen partiellen Ordnungen als Mengen von geordneten Paaren angegeben werden.



### Aufgabe 7

Auf der Menge  $\{1, 2, 3, 6, 8, 12, 24, 36\}$  ist durch die Teilbarkeitsrelation eine partielle Ordnung gegeben. Finden Sie eine dazu kompatible totale Ordnung.